

**CHESTIONAR DE CONCURS**

DISCIPLINA: Algebră și Elemente de Analiză Matematică M1A

VARIANTA B

1. Să se determine  $m \in \mathbb{R}$  astfel încât funcția  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 2x + m, & x \leq 1 \\ e^x - e, & x > 1 \end{cases}$  să fie continuă pe  $\mathbb{R}$ . (4 pct.)
  - a) nu există; b)  $m = 3$ ; c)  $m = 3/2$ ; d)  $m = 4$ ; e)  $m = 0$ ; f)  $m = 1$ .
2. Să se rezolve inecuația  $\sqrt{x} < 1$ . (4 pct.)
  - a)  $[0,1]$ ; b)  $[0, \infty)$ ; c) nu are soluții; d)  $(0,1)$ ; e)  $[0,1)$ ; f)  $(-1,1)$ .
3. Expresia  $E = \frac{1}{\sqrt{3+\sqrt{2}}} + \frac{1}{\sqrt{3-\sqrt{2}}}$ , are valoarea (4 pct.)
  - a)  $3\sqrt{2}$ ; b)  $2\sqrt{2}$ ; c) 2; d)  $2\sqrt{3}$ ; e) 3; f)  $3\sqrt{3}$ .
4. Să se calculeze  $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2+n} - \sqrt{n^2+1})$ . (4 pct.)
  - a)  $\infty$ ; b)  $-\frac{1}{2}$ ; c) nu există; d)  $-1$ ; e)  $\frac{1}{2}$ ; f) 1.
5. Fie ecuația  $x^2 - ax + 4 = 0$ , unde  $a \in \mathbb{R}$  este un parametru. Dacă soluțiile  $x_1$  și  $x_2$  ale ecuației verifică egalitatea  $x_1 + x_2 = 5$ , atunci (4 pct.)
  - a)  $a = 4$ ; b)  $a = 0$ ; c)  $x_1 = x_2$ ; d)  $a < 0$ ; e)  $a = 5$ ; f)  $x_1, x_2 \notin \mathbb{R}$ .
6. Soluțiile ecuației  $9^x - 4 \cdot 3^x + 3 = 0$  sunt (4 pct.)
  - a)  $x_1 = 0, x_2 = 1$ ; b)  $x_1 = 3$ ; c) nu există; d)  $x_1 = 1, x_2 = 3$ ; e)  $x_1 = 0, x_2 = 3$ ; f)  $x_1 = -1, x_2 = -3$ .
7. Să se determine  $m, n \in \mathbb{R}$  astfel încât ecuația  $x^4 + 3x^3 + mx^2 + nx - 10 = 0$  să admită soluția  $x_1 = i$ . (4 pct.)
  - a)  $m = 0, n = 0$ ; b)  $m = -10, n = 3$ ; c)  $m = 3, n = -10$ ; d)  $m = 1, n = -1$ ; e)  $m = -9, n = 3$ ; f)  $m = -3, n = 10$ .
8. Să se calculeze termenul al zecelea al progresiei aritmetice cu primul termen  $a_1 = 5$  și rația  $r = 2$ . (4 pct.)
  - a) 18; b) 30; c) 25; d) 20; e) 10; f) 23.
9. Să se calculeze  $\int_0^1 \frac{x^2}{x^3 + 1} dx$ . (4 pct.)

a)  $\frac{\ln 2}{3}$ ; b)  $\ln 2$ ; c)  $2 \ln 2$ ; d)  $3 \ln 2$ ; e)  $\frac{\ln 3}{2}$ ; f)  $\frac{\ln 3}{4}$ .

**10.** Dacă  $(a, b)$  este o soluție a sistemului de ecuații  $\begin{cases} x + y = 2 \\ xy = 1 \end{cases}$ , atunci (4 pct.)

- a)  $a^2 b^2 = 2$ ; b)  $a^2 + b^2 = 2$ ; c)  $a^2 + b^2 = 1$ ; d)  $a^2 + b^2 = 3$ ; e)  $a^2 + b^2 < 0$ ; f)  $a \neq b$ .

**11.** Fie  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \frac{x^2}{x^2 + 1}$ . Să se calculeze  $f'(1)$ . (4 pct.)

- a) 0; b)  $-\frac{1}{4}$ ; c)  $\frac{1}{2}$ ; d)  $\frac{1}{4}$ ; e) 1; f)  $-\frac{1}{2}$ .

**12.** Pe  $\mathbb{R}$  se definește legea de compoziție  $x * y = xy + 2ax + by$ . Să se determine relația dintre  $a$  și  $b$  astfel încât legea de compoziție să fie comutativă. (4 pct.)

- a)  $a = 2b$ ; b)  $a - b = 2$ ; c)  $a = b$ ; d)  $a = \frac{b}{2}$ ; e)  $a + b = 1$ ; f) nu există.

**13.** Să se calculeze valoarea minimă a funcției  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \sqrt{4x^2 + 28x + 85} + \sqrt{4x^2 - 28x + 113}$ . (8 pct.)

- a)  $8\sqrt{6}$ ; b)  $9\sqrt{5}$ ; c) 19; d)  $12\sqrt{3}$ ; e)  $14\sqrt{2}$ ; f) 20.

**14.** Fie  $f : \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$ ,  $f(z) = z^2 + z + 1$ . Să se calculeze  $f\left(\frac{-1+i\sqrt{3}}{2}\right)$ . (8 pct.)

- a) 0; b)  $\sqrt{3}$ ; c)  $-1$ ; d)  $1+i$ ; e)  $i$ ; f)  $1-i$ .

**15.** Să se rezolve ecuația  $\begin{vmatrix} 2 & x & 0 \\ x & -1 & x \\ 2 & -5 & 4 \end{vmatrix} = 0$ . (8 pct.)

- a)  $x_1 = 0, x_2 = 3$ ; b)  $x_1 = 0$ ; c)  $x_1 = 3$ ; d)  $x_1 = -5/2$ ; e)  $x_1 = 0, x_2 = 4$ ; f)  $x_1 = 1, x_2 = 4$ .

**16.** Să se calculeze limita sirului  $a_n = \sum_{k=1}^n \frac{k(k+1)}{2x^{k-1}}$ , unde  $|x| > 1$ . (6 pct.)

- a)  $\infty$ ; b)  $\frac{1}{x-1}$ ; c)  $\frac{x^3}{(x-1)^3}$ ; d)  $\frac{x^2}{(x-1)^2}$ ; e)  $\frac{1}{x}$ ; f)  $\frac{x}{x-1}$ .

**17.** Se consideră funcția  $f : [0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \int_x^{x+1} \frac{t^2}{\sqrt{t^4 + t^2 + 1}} dt$ . Decideți: (6 pct.)

- a)  $f(0) = 0$ ; b)  $f$  este impară; c)  $f$  este convexă; d) graficul lui  $f$  admite o asimptotă orizontală; e)  $f$  are două puncte de extrem; f) graficul lui  $f$  admite o asimptotă oblică.

**18.** Să se calculeze  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x-1)^2 - 1}{x}$ . (6 pct.)

- a)  $-2$ ; b) nu există; c) 2; d)  $-\infty$ ; e)  $\infty$ ; f) 1.